

Wir ermitteln für \mathbf{s}_i und \mathbf{c}_{i+1} jeweils die disjunktive Normalform („Disjunktion der Konjunktionen“) und vereinfachen ggf. die booleschen Funktionsterme:

$$s_i = \bar{a}_i \cdot \bar{b}_i \cdot c_i + \bar{a}_i \cdot b_i \cdot \bar{c}_i + a_i \cdot \bar{b}_i \cdot \bar{c}_i + a_i \cdot b_i \cdot c_i$$

ohne Index i geschrieben:

$$s = \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot c + \bar{a} \cdot b \cdot \bar{c} + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} + a \cdot b \cdot c$$

$$s = (\bar{a} \cdot b + a \cdot \bar{b}) \cdot \bar{c} + \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot c + a \cdot b \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + (\bar{a} \cdot \bar{b} + a \cdot b) \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + (0 + \bar{a} \cdot \bar{b} + a \cdot b + 0) \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + (\bar{a} \cdot a + \bar{a} \cdot \bar{b} + a \cdot b + b \cdot \bar{b}) \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + [(\bar{a} + b) \cdot (a + \bar{b})] \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + [(\bar{a} + \bar{\bar{b}}) \cdot (\bar{\bar{a}} + \bar{b})] \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + [(\overline{a \cdot b}) \cdot (\overline{\bar{a} \cdot \bar{b}})] \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + [\overline{a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b}}] \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \cdot \bar{c} + (\overline{a \oplus b}) \cdot c$$

$$s = (a \oplus b) \oplus c$$

mit Index i erhält man:

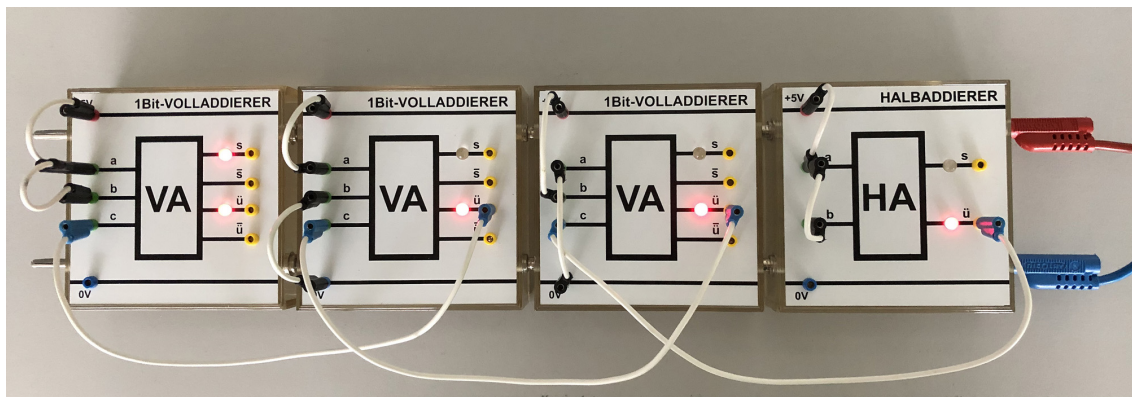
$$s_i = (a_i \oplus b_i) \oplus c_i$$

$$c_{i+1} = \bar{a}_i \cdot b_i \cdot c_i + a_i \cdot \bar{b}_i \cdot c_i + a_i \cdot b_i \cdot \bar{c}_i + a_i \cdot b_i \cdot c_i$$

$$c_{i+1} = (\bar{a}_i \cdot b_i + a_i \cdot \bar{b}_i) \cdot c_i + a_i \cdot b_i \cdot (\bar{c}_i + c_i)$$

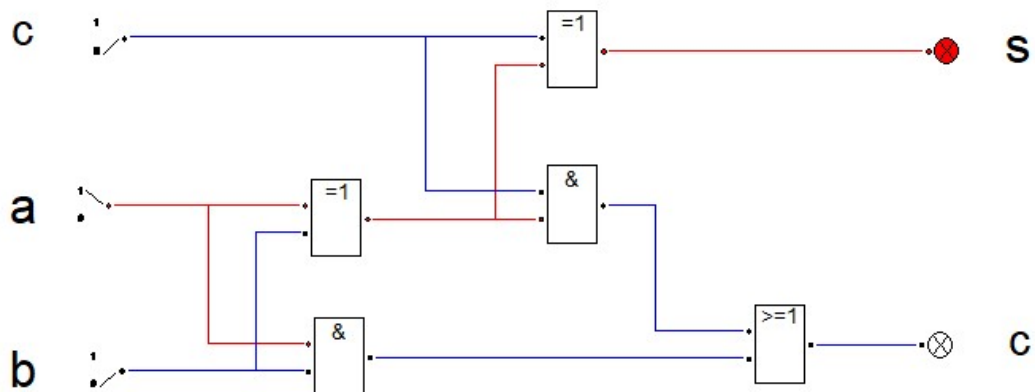
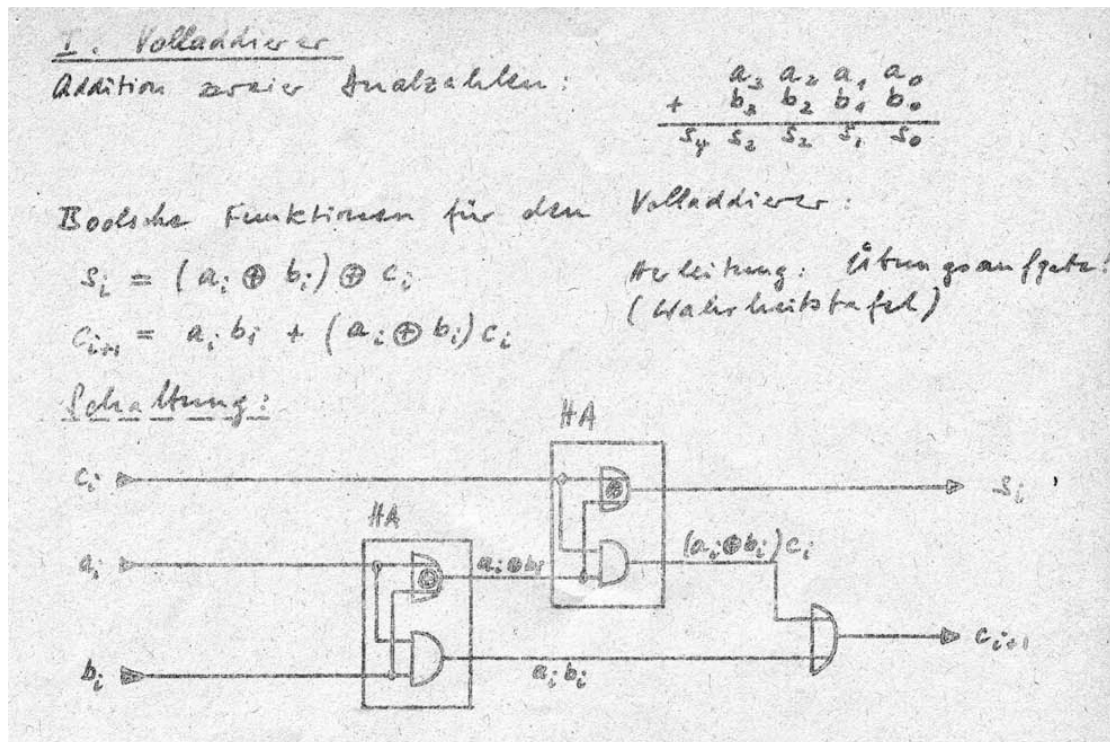
$$c_{i+1} = (\bar{a}_i \cdot b_i + a_i \cdot \bar{b}_i) \cdot c_i + a_i \cdot b_i \cdot 1$$

$$c_{i+1} = (a_i \oplus b_i) \cdot c_i + a_i \cdot b_i$$



Halbaddierer (HA) und Volladdierer (VA)

Schaltungen

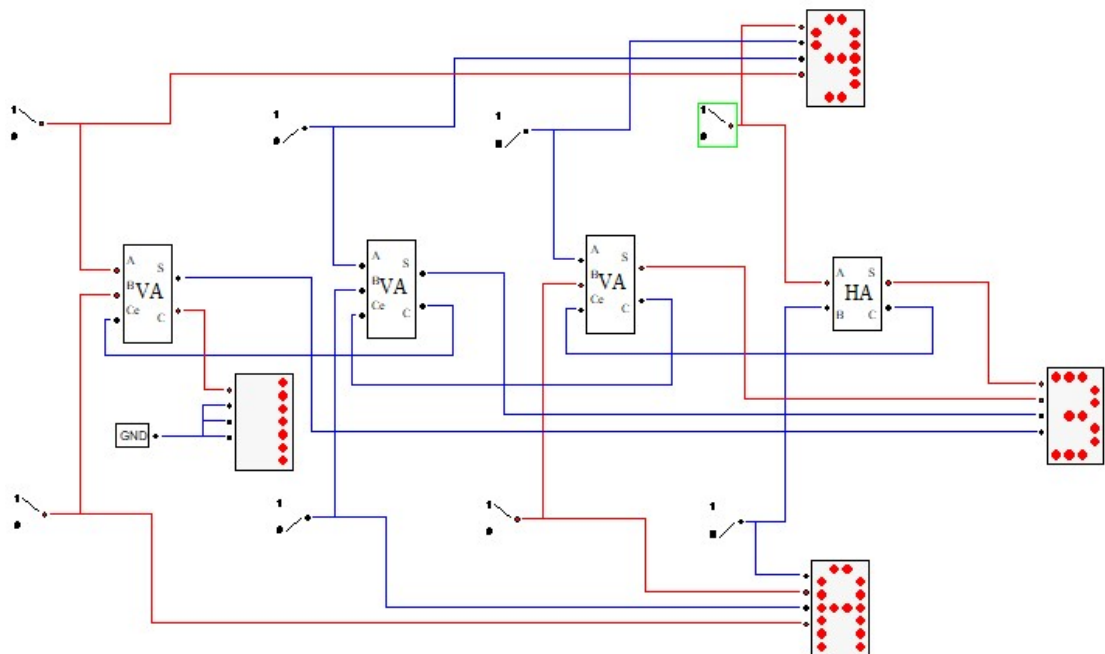
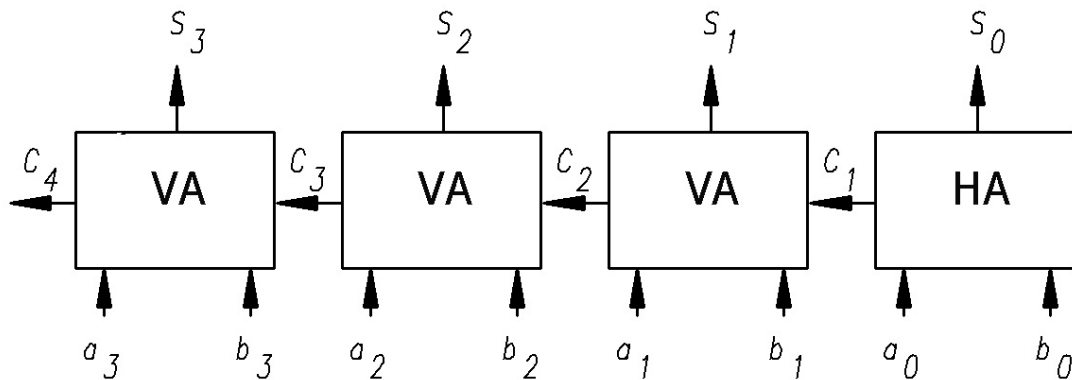


Addier-Schaltungen für Dualzahlen

$$\begin{array}{r}
 + \quad \begin{array}{cccc} a_3 & a_2 & a_1 & a_0 \\ b_3 & b_2 & b_1 & b_0 \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{cccc} s_4 & s_3 & s_2 & s_1 & s_0 \end{array}
 \end{array}$$

1. Paralleladdierer mit seriellem Übertrag (hier: 4-Bit-Addierer)

Für das Least Significant Bit (LSB) genügt ein Halbaddierer (HA); die höherwertigen Bits erfordern jeweils einen Volladdierer, da hier der Übertrag aus der vorherigen Stelle zu berücksichtigen ist.

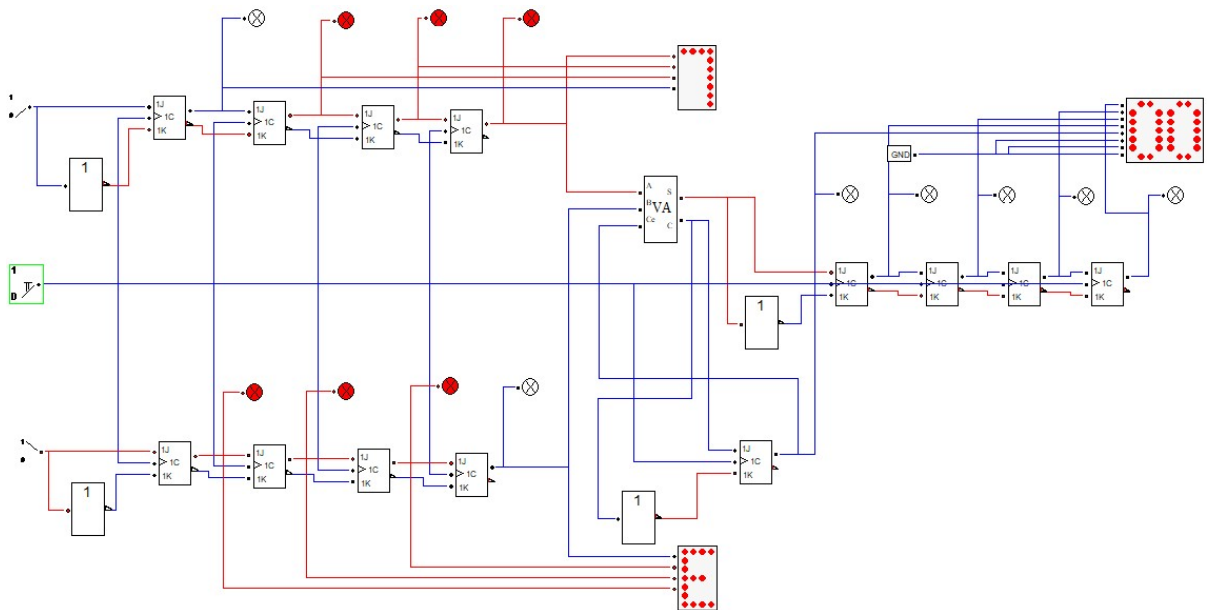


Dezimal:	09	Hexadezimal:	09	Dual:	0000 1001
	+ 10		+ 0A		+ 0000 1010
	<u>19</u>		<u>13</u>		<u>0001 0011</u>

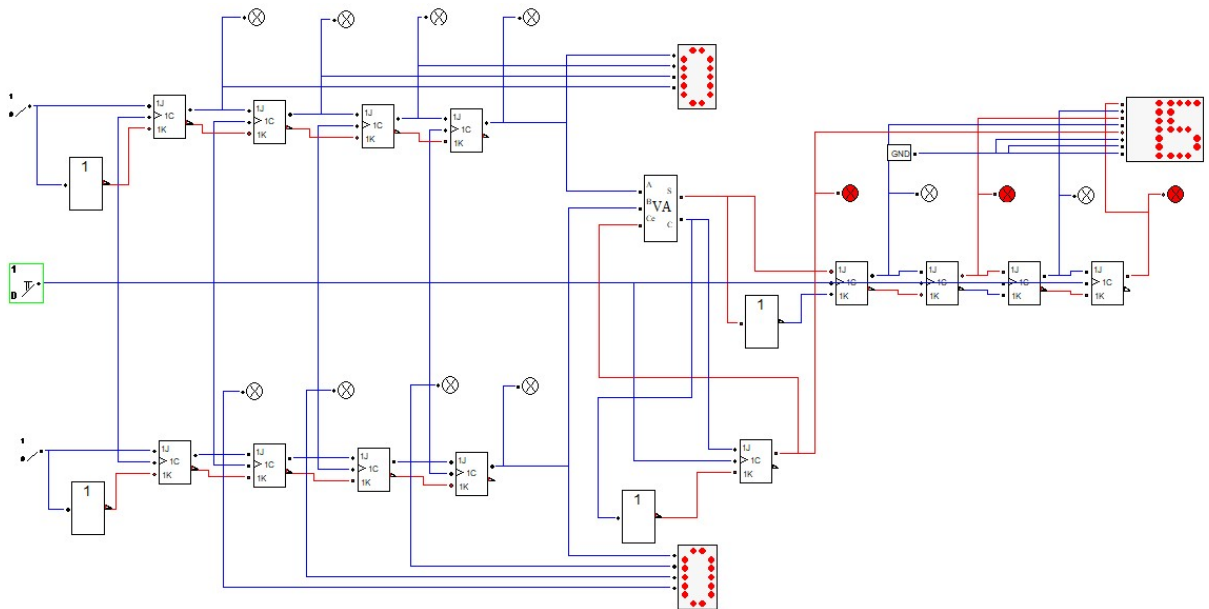
2. Serieller 1-Bit-Addierer für 4-stellige Dualzahlen

Die Operanden werden jeweils in einem 4-Bit-Schieberegister abgelegt, nach 4 Taktimpulsen finden wir das Ergebnis (hier: die Summe) in einem weiteren 4-Bit-Schieberegister.

Da der Übertrag aus der vorherigen Stelle für die Addition in der aktuellen Stelle zu berücksichtigen ist, wird er in einem Flip-Flop zwischengespeichert. Dieses Flip-Flop liefert auch das Most Significant Bit (MSB) des Ergebnisses.



Nach 4 Taktimpulsen (hier: Triggerung der Flip-Flops auf der steigenden Taktflanke):



Dezimal:	07	Hexadezimal:	07	Dual:	0000 0111
	+ 14		+ 0E		+ 0000 1110
	<hr/> 21		<hr/> 15		<hr/> 0001 0101