

10. Die Hofstadter-Funktion ist rekursiv definiert (n natürliche Zahl):

Rekursionsanfang: $\text{hof}(1) = 1$
 $\text{hof}(2) = 1$

Rekursionsvorschrift: $\text{hof}(n) = \text{hof}[n - \text{hof}(n - 1)] + \text{hof}[n - \text{hof}(n - 2)]$, $n > 2$

Formuliert man den Algorithmus zur Berechnung der Hofstadter-Funktion als Python-Programm mit rekursivem Funktionsaufruf, haben wir die Erfahrung gemacht, daß die Rechenzeit für große Werte von n sehr schnell wächst; der Grund ist die mit n sehr schnell wachsende Anzahl gleichzeitig aktiver Aufrufe der Funktion hof .

Dieses ungünstige Laufzeitverhalten läßt sich umgehen, indem man den Algorithmus zur Berechnung der Hofstadter-Funktion iterativ formuliert.

Vorschlag zur iterativen Formulierung:

Definiere ein array a mit den Komponenten $a[0]$, $a[1]$, $a[2]$, und setze $a[0] = \text{hof}(1) = 1$, $a[1] = \text{hof}(2) = 1$.

Den weiteren Komponenten $a[2]$, $a[3]$, . . . werden in dieser Reihenfolge die Werte $\text{hof}(3)$, $\text{hof}(4)$, . . . zugewiesen.

Konzipiere und teste das iterativ formulierte Python-Programm!

11. Zusatzaufgabe:

Die Fibonacci-Folge $\{a_i\}$ ist wie folgt definiert:

$$a_1 = a_2 = 1$$

$$a_n = a_{n-1} + a_{n-2} \quad \text{für } n \geq 3$$

Schreibe und teste ein Python-Programm zur Berechnung der Fibonacci-Folge.

12. Der als Python-Programm formulierte Algorithmus

`sorting_by_direct_selection.py.txt` auf

https://kalle2k.lima-city.de/computerscience/Informatik_12/sorting/

sortiert ein array von Zufallszahlen aufsteigend, d. h. die sortierte Liste beginnt mit dem kleinsten Element.

Modifiziere das Programm so, daß das Sortieren absteigend erfolgt.