

5. Summe ungerader Zahlen

Sei n eine ungerade ganze Zahl; gesucht ist die Summe der ungeraden Zahlen $1, \dots, n$.

Konzipiere diesen Algorithmus als Struktogramm und codiere ihn in Python; teste das Programm. Was fällt auf?

6. Die Ackermann-Funktion

Für $m, n \in \mathbb{N}_0$ ist die Ackermann-Funktion $f : \mathbb{N}_0 \times \mathbb{N}_0 \rightarrow \mathbb{N}_0$ wie folgt definiert:

1. Rekursionsanfang:

$$(1) \quad f(0, n) = n+1$$

2. Rekursionsvorschrift:

$$(2) \quad f(m, 0) = f(m-1, 1)$$

$$(3) \quad f(m, n) = f(m-1, f(m, n-1))$$

a) Man erhält:

$$f(0, 0) = 1$$

$$f(0, 1) = 2$$

$$f(0, 2) = 3$$

$$f(1, 0) = f(0, 1) = 2$$

Berechne $f(2, 0); f(1, 1); f(1, 2); f(3, 0)$.

b) Schreibe den Algorithmus zur Berechnung der Ackermann-Funktion als Python-Programm mit rekursivem Funktionsaufruf.

Berechne $f(3, 7); f(3, 8); f(4, 1); f(3, 15); f(4, 3)$

Bemerkung: Die Ackermann-Funktion ist eine berechenbare Funktion, allerdings übersteigt deren ungeheure Rekursionstiefe sehr schnell die Möglichkeiten jedes auch noch so leistungsfähigen Computers!

7. Die Datenstruktur „array“ lässt sich in Python als **Liste** mit den Komponenten $a[1], a[2], \dots, a[n]$ z. B. wie folgt realisieren:

```
*array_python.py - F:/Informatik_2020/GK_inf_2020-21...
File Edit Format Run Options Window Help
from random import randint
n=int(input('Länge der Liste = '))

# die folgende Anweisung definiert eine Liste mit
# den Komponenten a[1], a[2], . . . , a[n]
a=list(range(1,n+2))

# den Komponenten der Liste werden Zufallszahlen
# aus dem Bereich 1, . . . , 99999 zugewiesen
for i in range (1,n+1):
    a[i]=randint(1,100000)

# Ausgabe der Liste
for i in range(1,n+1):
    print('a[',i,'] =',a[i])
```

Ln: 18 Col: 0

Formuliere ein Struktogramm und erweitere oben stehendes Python-Programm so, daß das größte (kleinste) Element der Liste in der ersten Komponente $a[1]$ abgespeichert ist und der vorherige Inhalt von $a[1]$ an derjenigen Stelle steht, von der das größte Element genommen wurde.