

## 15. BOOLESCHE TERME

Schreibweisen für die Negation:

$$\text{not } a = \neg a = \bar{a}$$

Wir ergänzen die in Aufgabe 11 (Blatt 4, 26.01.2021) für Boolesche Variable formulierten Rechenregeln

- Kommutativgesetze (1) und (1')
- Assoziativgesetze (2) und (2')
- Distributivgesetze (3) und (3')

um die beiden Gesetze von de Morgan:

$$(4) \quad \overline{a \cdot b} = \bar{a} + \bar{b} \quad (4') \quad \overline{a + b} = \bar{a} \cdot \bar{b}$$

Aufgabe: Beweise (4) (*Hinweis: Wahrheitstafel!*)

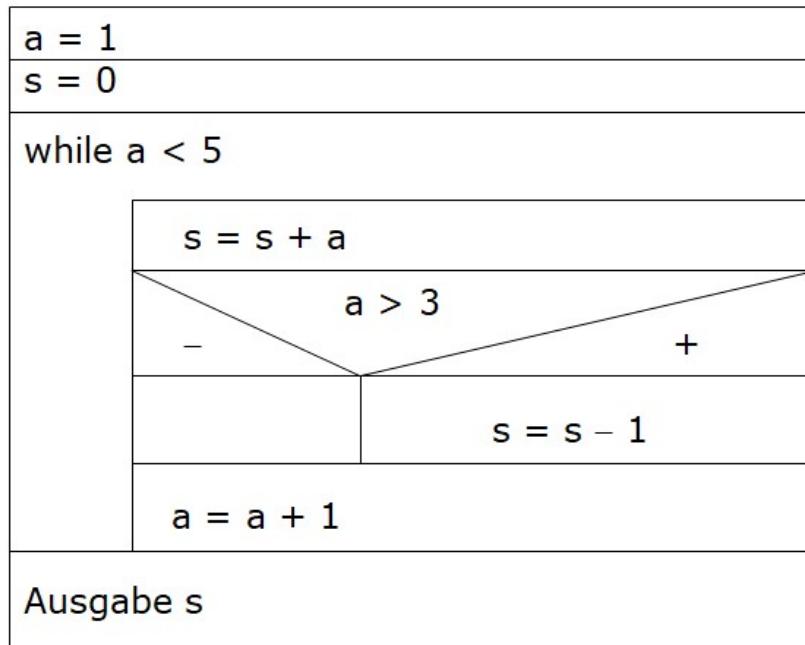
Lösung (Nils):

a	b	$a \cdot b$	<b>not (a · b)</b>	not a	not b	<b>not a + not b</b>
0	0	0	<b>1</b>	1	1	<b>1</b>
0	1	0	<b>1</b>	1	0	<b>1</b>
1	0	0	<b>1</b>	0	1	<b>1</b>
1	1	1	<b>0</b>	0	0	<b>0</b>

Da die Spalten zu **not (a · b)** und **not a + not b** übereinstimmen, gilt:

$$\text{not (a · b)} = \text{not a} + \text{not b}$$

## 16. Erstelle einen in Python geschriebenen Quelltext zu folgendem Struktogramm:



Lösung (Philipp):

```

a = 1
s = 0

while a < 5:
    s = s + a  # oder: s += a
    if a > 3:
        s = s-1
    a = a + 1

print(s)

```

17. In der Zusammenfassung **MinSuche\_SelectionSort.pdf** werden die Algorithmen **MinSuche**, **MinSuche2** und **SelectionSort** noch einmal erläutert.

Aufgabe: Formuliere bei

a) MinSuche die for-Schleife zur Bestimmung des kleinsten Elements,  
b) SelectionSort die beiden for-Schleifen zum Sortieren  
jeweils als while-Schleifen und überprüfe die so erhaltenen Python-Programme anhand von Testläufen.

Lösung zu a) (Benedikt):

```

n = int(input('Anzahl der Datenelemente = '))

a = list(range(1,n+1))

from random import randint
for i in range(0,n):
    a[i] = randint(1,1000)

print('Quelliste:')
print(a)

# Bestimmung des kleinsten Elements
min = a[0]
i = 1
while i < n:
    if a[i] < min:
        min = a[i]
        a[i] = a[0]
        a[0] = min
    i = i + 1

# Ausgabe
print('verarbeitete Liste:')
print(a)

```

Lösung zu b) (Christian):

```

n = int(input('Anzahl der Datenelemente = '))

a = list(range(1,n+1))

from random import randint
for i in range(0,n):
    a[i] = randint(1,1000)

# Ausgabe der Quelliste
print('Quelliste:')
print(a)

# Sortieren
j = 0
while j < n - 1:
    i = j + 1
    min = a[j]
    while i < n:
        if a[i] < min:
            min = a[i]
            a[i] = a[j]
            a[j] = min
        i = i + 1
    j = j + 1

# Ausgabe
print('verarbeitete Liste:')
print(a)

```

Testlauf (n = 20):

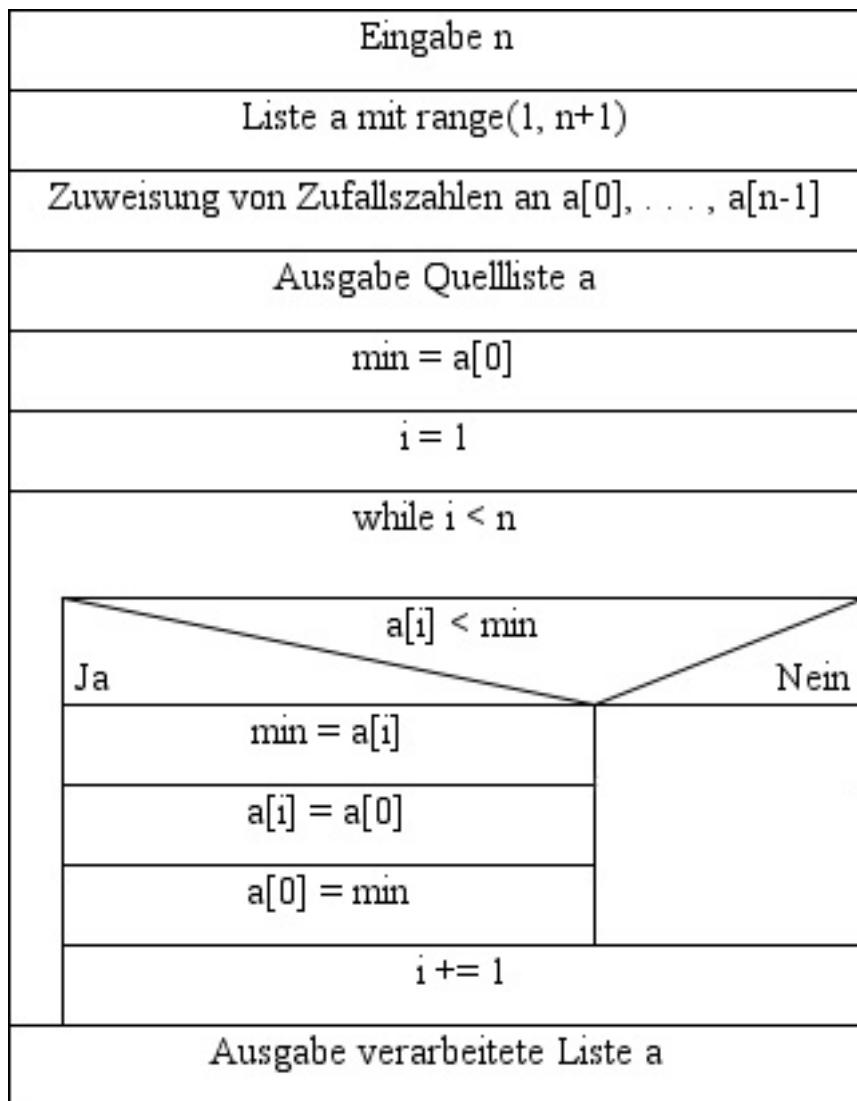
```

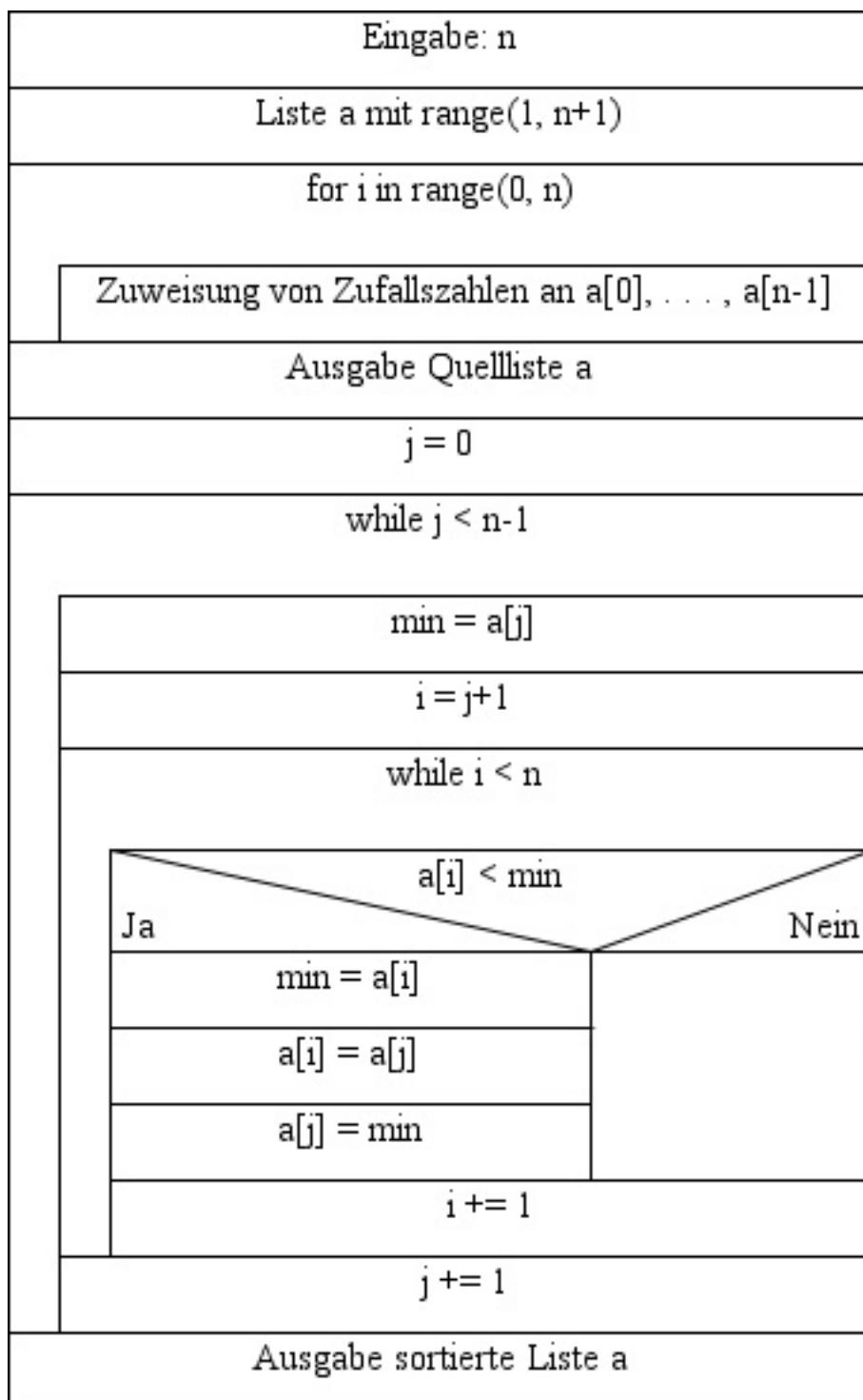
Anzahl der Datenelemente = 20
Quelliste:
[726, 236, 827, 926, 294, 774, 431, 133, 346, 434, 480, 167, 310, 690,
841, 344, 434, 411, 697, 301]
verarbeitete Liste:
[133, 167, 236, 294, 301, 310, 344, 346, 411, 431, 434, 434, 480, 690,
697, 726, 774, 827, 841, 926]

```

18. Erstelle jeweils ein Struktogramm zu **MinSuche** und **SelectionSort** (Hinweis: verwende bevorzugt die Versionen mit while-Schleife, Aufgabe 17; für die Zuweisung von Zufallszahlen an die Komponenten des arrays a genügt es zu schreiben: „Zuweisung von Zufallszahlen an a[0], . . . , a[n-1]“)

Struktogramme (Marvin):





## 19. Freiwillige Aufgabe:

Der Algorithmus SelectionSort (Quelltext: SelectionSort\_04-03-2021.py) vertauscht die Inhalte der Speicherplätze  $a[j]$  und  $a[i]$ ,  $j < i < n$ , immer dann, wenn ein kleineres  $a[i]$  als  $a[j]$  gefunden wurde; hier gibt es noch Optimierungspotential, um die Rechenzeit insgesamt zu verkürzen. Ergreife diese Möglichkeit und teste! (Die Laufzeit zum Sortieren lässt sich für große Werte von  $n$  etwa halbieren.)