

10. Der Algorithmus **PRIMZAHLTEST**

Definition: Eine natürliche Zahl n heißt Primzahl genau dann, wenn sie nur durch 1 und durch sich selbst jeweils ohne Rest teilbar ist.

Aufgabe: Konzipiere einen Algorithmus (als Struktogramm und als Python-Programm), der nach Eingabe einer natürlichen Zahl n entscheidet, ob n die Primzahleigenschaft hat.

Hinweis: Teste für alle in Frage kommenden Teiler (Divisoren) t , ob $n \% t$ gleich 0 ist.

11. **BOOLESCHE VARIABLE** oder **BOOLESCHE TERME** können nur zwei Werte annehmen: **True** oder **False**.

Die Verknüpfungen **and** und **or** sowie die Operation **not** werden bekanntlich jeweils über eine Wahrheitstafel definiert.

Wir verwenden folgende abkürzende Schreibweisen (a, b, c sind Boolesche Variable):

$$\begin{aligned} a \text{ and } b &= a \cdot b = ab \\ a \text{ or } b &= a + b \\ \text{not } a &= \neg a \end{aligned}$$

Dabei gelte auch die aus der Algebra bekannte Vereinbarung: "Punkt vor Strich", d. h.

$$a + (b \cdot c) = a + b \cdot c = a + bc$$

Eine Auswahl von Rechenregeln für Boolesche Variable:

Kommutativgesetze

$$(1) \quad a + b = b + a \qquad (1') \quad a \cdot b = b \cdot a$$

Assoziativgesetze

$$(2) \quad a + (b + c) = (a + b) + c \qquad (2') \quad a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$$

Distributivgesetze

$$(3) \quad a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c \qquad (3') \quad a + b \cdot c = (a + b) \cdot (a + c)$$

Beweis von (3):

a	b	c	$b + c$	$a(b + c)$	ab	ac	$ab + ac$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0	1	1
1	1	0	1	1	1	0	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Da die Spalten zu $a(b + c)$ und $ab + ac$ übereinstimmen, gilt: $a(b + c) = ab + ac$.

Aufgaben: a) Beweise die Rechengesetze (2) und (3').

b) Zeige: $(a \cdot b) + c \neq a \cdot (b + c)$